

Escola Superior de Tecnologia de Tomar

Ano Letivo 2016/2017

**Engenharia Eletrotécnica e de Computadores**

Licenciatura, 1º Ciclo

Despacho n.º 10766 | 2011 de 30/08/2011

**Ficha da Unidade Curricular: Matemática Aplicada à Eletrotecnia**

ECTS: 6; Horas - Totais: 162.0, Contacto e Tipologia, T: 28.0; TP: 28.0; PL: 14.0; OT: 5.0;

Ano | Semestre: 2 | S1; Ramo: Energia; Automação Industrial

Tipo: Obrigatória; Intereração: Presencial; Código: 911212

Área Científica Matemática

**Docente Responsável**

Luis Miguel Lindinho da Cunha Mendes Grilo

**Docente e horas de contacto**

Luis Miguel Lindinho da Cunha Mendes Grilo

Professor Adjunto, T: 14.0;

Maria João da Costa Antunes Inácio

Equiparada Assistente 2º Triénio, TP: 28.0; PL: 14.0; OT: 2.5;

Carlos Filipe Perquilhas Baptista

Equiparado Assistente 2º Triénio, T: 14.0; TP: 28.0; PL: 14.0; OT: 2.5

**Objetivos de Aprendizagem**

1. Aquisição de conhecimentos em Estatística, Análise Complexa e Transformadas;
2. Dotar os alunos de ferramentas necessárias ao desenvolvimento de capacidades de análise e de raciocínio que lhes permitam conceber e implementar soluções para diferentes problemas e facilitem a tomada de decisões.

**Conteúdos Programáticos (resumido)**

1. Revisões de Probabilidades;
2. Distribuições por Amostragem;
3. Estimação Paramétrica;
4. Testes de Hipóteses;
5. Introdução à Regressão Linear Simples;
6. Números Complexos;
7. Funções Analíticas;
8. Funções Elementares;
9. Integração Complexa;
10. Desenvolvimento em Série de Funções Analíticas;
11. Teoria do Resíduo;
12. Equações Diferenciais e Transformadas.

### **Conteúdos Programáticos (detalhado)**

#### **1. Revisões de Probabilidades**

- 1.1. Noções básicas de Probabilidades;**
- 1.2. Variáveis Aleatórias;**
- 1.3. Distribuições Teóricas Discretas e Contínuas: a distribuição Normal;**
- 1.4. Aproximação das distribuições Binomial e de Poisson à Normal;**
- 1.5. A distribuição Exponencial.**

#### **2. Distribuições por Amostragem**

- 2.1. Inferência Estatística. Amostragem aleatória;**
- 2.2. Teorema do Limite Central;**
- 2.3. Desigualdade de Chebychev;**
- 2.4. Distribuições amostrais teóricas;**
- 2.5. Distribuição da média amostral numa população normal;**
- 2.6. Distribuição da variância amostral numa população normal;**
- 2.7. Distribuição da proporção amostral.**

#### **3. Estimação Paramétrica**

- 3.1. Estimação pontual. Estimadores e Estimativas;**
- 3.2. Propriedades dos estimadores;**
- 3.3. Estimação de Máxima Verosimilhança;**
- 3.4. Estimação por intervalos;**
- 3.5. Intervalos de confiança para a média de uma população normal;**
- 3.6. Intervalo de confiança para o desvio padrão e variância de uma população normal;**
- 3.7. Intervalo de confiança para uma proporção;**
- 3.8. Escolha da dimensão da amostra.**

#### **4. Testes de Hipóteses**

- 4.1. Conceitos Básicos;**
- 4.2. Testes de hipóteses para a média de uma população normal;**
- 4.3. Testes de hipóteses para a variância de uma população normal;**
- 4.4. Testes de hipóteses para uma proporção.**

#### **5. Introdução à Regressão Linear Simples**

- 5.1. Modelos de regressão;**
- 5.2. Método dos mínimos quadrados em regressão linear simples;**
- 5.3. Análise de variância: Tabela ANOVA;**
- 5.4. Coeficientes de correlação e de determinação;**
- 5.5. Inferências no modelo de regressão linear simples.**

#### **6. Números Complexos**

- 6.1. Forma algébrica, trigonométrica e polar;**
- 6.2. Potências e raízes;**



### 6.3. Geometria no plano complexo.

## 7. Funções Analíticas

- 7.1. Funções de variável complexa;
- 7.2. Limites e continuidade;
- 7.3. Analiticidade;
- 7.4. Equações de Cauchy-Riemann;
- 7.5. Funções harmónicas.

## 8. Funções Elementares

- 8.1. Funções exponenciais, trigonométricas e hiperbólicas;
- 8.2. Função logarítmica;
- 8.3. Potência de complexos e funções trigonométricas inversas;
- 8.4. Aplicação a sistemas oscilatórios.

## 9. Integração Complexa

- 9.1. Contornos;
- 9.2. Integrais de contorno;
- 9.3. Teorema integral de Cauchy;
- 9.4. Integração de funções analíticas.

## 10. Desenvolvimento em Série de Funções Analíticas

- 10.1. Série de Taylor;
- 10.2. Série de potências;
- 10.3. Série de Laurent;
- 10.4. Zeros e singularidades.

## 11. Teoria do Resíduo

- 11.1. Teorema do Resíduo;
- 11.2. Aplicação ao cálculo de integrais trigonométricos e impróprios.

## 12. Equações Diferenciais e Transformadas

- 12.1. Tipos fundamentais de Equações Diferenciais;
- 12.2. Séries de Fourier;
- 12.3. Transformadas de Fourier: definição, propriedades e seu uso na resolução de alguns tipos de equações diferenciais;
- 12.4. Transformadas de Laplace: definição, propriedades e seu uso na resolução de alguns tipos de equações diferenciais.

## Metodologias de avaliação

Avaliação contínua: dois testes escritos sem consulta, cada um cotado para 10 valores e com nota mínima de 3 valores em cada teste. Avaliação por exame: um teste escrito sem consulta, cotado para 20 valores, sobre toda a matéria lecionada.

**Software utilizado em aula**

Pontualmente recorre-se à folha de cálculo Excel e ao package estatístico IBM SPSS para a resolução de alguns exercícios.

**Estágio**

Não aplicável.

**Bibliografia principal (máx 4 ref.)**

- C. Guimarães, R. e A. Cabral, J. (2007). *Estatística*: McGraw-Hill
- C. Pedrosa, A. e A. Gama, M. (2004). *Introdução Computacional à Probabilidade e Estatística*: Porto Editora
- D. Snider, A. e B. Saff, E. (1993). *Fundamentals of Complex Analysis for Mathematics, Science and Engineering*. New Jersey: Prentice-Hill
- L. Grilo, (2013). *Probabilidades e Estatística. Conceitos Teórico-Práticos*. Instituto Politécnico de Tomar, Portugal: Instituto Politécnico de Tomar.
- Metello de Nápoles, M. e Carreira, M. (1998). *Variável Complexa*. Lisboa: McGraw-Hill

**Coerência dos conteúdos programáticos com os objetivos**

Os objetivos referidos no ponto 1 são concretizados do seguinte modo: nos capítulos 1, 2, 3, 4, 5 e 6 fornecem-se os fundamentos básicos de algumas das principais técnicas e metodologias da Estatística Matemática, enquanto que nos capítulos 7, 8, 9, 10, 11 e 12 fornecem-se conhecimentos em Análise Complexa e Transformadas Matemáticas, que são essenciais em áreas da Engenharia Electrotécnica como Automação, Robótica e Telecomunicações. Os objetivos referidos no ponto 2 são concretizados ao longo de todos os capítulos dos conteúdos programáticos com a ilustração de exemplos de aplicação à Engenharia Electrotécnica.

**Metodologias de ensino**

Aulas teóricas e teórico-práticas, em que se expõem e exemplificam as matérias respeitantes a cada um dos conteúdos programáticos. Aulas práticas laboratoriais, em que se utilizam softwares específicos, e aulas de orientação tutorial.

**Coerência das metodologias de ensino com os objetivos**

Os métodos de ensino serão predominantemente expositivos nas aulas teóricas, fazendo prevalecer uma forte interação entre os conceitos e as suas aplicações. As aulas teórico-práticas e práticas laboratoriais são destinadas à resolução de exercícios sob orientação do professor. A transformação dos conceitos em ferramentas de trabalho será atingida pelo incentivo ao trabalho pessoal. O ensino da unidade curricular é complementado pelas aulas de orientação tutorial e pelos períodos de atendimento aos alunos.

**Língua de ensino**

Português.

**Pré requisitos**

Não aplicável.

**Programas Opcionais recomendados**

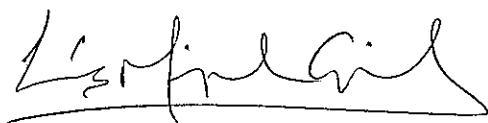
Não aplicável.

**Observações**

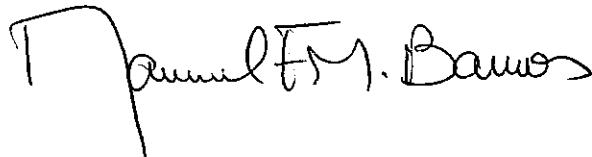
Para uma correta aprendizagem da Unidade Curricular recomenda-se conhecimentos dos conteúdos programáticos das Unidades Curriculares de Análise Matemática e Álgebra.

---

**Docente Responsável**



**Diretor de Curso, Comissão de Curso**



**Conselho Técnico-Científico**

