

**Engenharia Electrotécnica e de Computadores**

Licenciatura, 1º Ciclo

Plano: Despacho nº 10766/2011 - 30/08/2011

**Ficha da Unidade Curricular: Álgebra**

ECTS: 6; Horas - Totais: 162.0, Contacto e Tipologia, T:28.0; TP:42.0; OT:5.0;

Ano | Semestre: 1 | S1; Ramo: Tronco Comum;

Tipo: Obrigatória; Interação: Presencial; Código: 91123

Área Científica: Matemática

**Docente Responsável**

Ana Cristina Becerra Nata dos Santos

Professor Adjunta

**Docente e horas de contacto**

Ana Cristina Becerra Nata dos Santos

Professor Adjunto, T: 28.0;

Carlos Filipe Perquilhas Baptista

Equiparado Assistente 2º Triénio, T: 28.0; TP: 42.0; OT: 5.0

**Objetivos de Aprendizagem**

1. Aquisição de conhecimentos no domínio do conjunto dos números Complexos, da Álgebra Linear e da Geometria Analítica;
2. Dotar os alunos de ferramentas algébricas necessárias à modelação e à resolução de problemas relacionados com as engenharias;
3. Desenvolvimento da capacidade de raciocínio lógico, analítico e crítico.

**Conteúdos Programáticos (resumido)**

- I. Números complexos;
- II. Matrizes e sistemas de equações lineares;
- III. Determinantes e sua aplicação à resolução de sistemas de equações lineares e à inversão de uma matriz quadrada;
- IV. Espaços vectoriais reais;
- V. Valores e vetores próprios. Aplicação à diagonalização de matrizes;
- VI. Noções de geometria analítica.

**Conteúdos Programáticos (detalhado)**

1. NÚMEROS COMPLEXOS
  - 1.1. Forma algébrica e trigonométrica;
  - 1.2. Potências e raízes;
  - 1.3. Fórmulas de De Moivre

II. MATRIZES E SISTEMAS DE EQUAÇÕES LINEARES

- 2.1. Noções gerais. Alguns tipos particulares de matrizes;
- 2.2. Operações com matrizes e propriedades;
- 2.3. Operações elementares. Característica de uma matriz;
- 2.4. Sistemas de equações lineares:
  - 2.4.1. Representação matricial de um sistema de equações lineares;
  - 2.4.2. Classificação e discussão de um sistema de equações lineares por recurso ao teorema de Rouché;
  - 2.4.3. Resolução de sistemas de equações lineares por recurso ao método de eliminação de Gauss-Jordan;
- 2.5. Inversão de matrizes:
  - 2.5.1. Matrizes singulares e não-singulares;
  - 2.5.2. Inversão de uma matriz não-singular por recurso ao método de Gauss-Jordan;
- 2.6. Decomposição  $P^T LU$ :
  - 2.6.1. Matrizes elementares e matrizes de permutação;
  - 2.6.2. Decomposição  $P^T LU$  de uma matriz;
  - 2.6.3. Resolução de sistemas de equações lineares usando a decomposição  $P^T LU$  da matriz dos coeficientes do sistema.

III. DETERMINANTES E SUA APLICAÇÃO À RESOLUÇÃO DE SISTEMAS DE EQUAÇÕES LINEARES E À INVERSÃO DE UMA MATRIZ QUADRADA

- 3.1. Definição. Regra dos produtos cruzados para o cálculo de determinantes de 2ª ordem;
- 3.2. Teorema de Laplace;
  - 2.2.1. Menor complementar e complemento algébrico de um elemento de uma matriz quadrada;
  - 2.2.2. Cálculo do determinante de uma matriz quadrada por recurso ao teorema de Laplace;
- 3.3. Algumas propriedades dos determinantes;
- 3.4. Cálculo da inversa de uma matriz não-singular a partir da sua matriz adjunta;
- 3.5. Aplicação dos determinantes aos sistemas de equações lineares. Regra de Cramer.

IV. ESPAÇOS VETORIAIS REAIS

- 4.1. Introdução. Definição e exemplos de espaços vetoriais;
- 4.2. Subespaços vetoriais;
- 4.3. Combinações lineares de vetores;
- 4.4. Subespaço gerado por um conjunto de vetores;
- 4.5. Dependência e independência linear de vetores;
- 4.6. Bases e dimensão de um espaço vetorial;
- 4.7. Espaço-linha e espaço-coluna de uma matriz.

V. VALORES E VETORES PRÓPRIOS. APLICAÇÃO À DIAGONALIZAÇÃO DE MATRIZES

- 5.1. Valores e vetores próprios de matrizes quadradas: definições, polinómio característico e multiplicidade algébrica de um valor próprio;
- 5.2. Subespaço próprio associado a um valor próprio e multiplicidade geométrica de um valor próprio;
- 5.3. Cálculo de valores e vetores próprios;

*Amad*

- 5.4. Propriedades dos valores próprios;
- 5.5. Matrizes diagonalizáveis. Determinação de uma matriz diagonalizante e diagonalização de uma matriz.

#### VI. NOÇÕES DE GEOMETRIA ANALÍTICA

- 6.1. Produto interno de vetores: definição e propriedades;
- 6.2. Produto externo e produto misto: definição, propriedades, aplicações ao cálculo da área de um paralelogramo e ao volume de um paralelepípedo;
- 6.3. Representação analítica da reta;
- 6.4. Representação analítica do plano.

#### Metodologias de avaliação

Avaliação contínua: dois testes escritos sem consulta, cada um cotado para 10 valores e com nota mínima de 3 valores em cada teste. Avaliação por exame: um teste escrito sem consulta, cotado para 20 valores, sobre toda a matéria leccionada.

#### Software utilizado em aula

Não aplicável.

#### Estágio

Não aplicável.

#### Bibliografia principal (máx 4 ref.)

- Amaral, I. e Ferreira, M. (2008). *Álgebra Linear: Matrizes e Determinantes*. (Vol. 1º). (pp. 1-240). Portugal: Edições Sílabo;
- Amaral, I. e Ferreira, M. (2009). *Álgebra Linear: Espaços Vetoriais e Geometria Analítica*. (Vol. 2º). (pp. 1-160). Portugal: Edições Sílabo;
- Gíraldes, E. e Smith, P. (1995). *Curso de Álgebra Linear e Geometria Analítica*. Lisboa: McGraw-Hill;
- Leon, S. (2009). *Linear Algebra with Applications*. (pp. 1-552). USA: Pearson.

#### Coerência dos conteúdos programáticos com os objetivos

Os objetivos referidos no ponto 1 são concretizados do seguinte modo: nos capítulos I, II, III e V fornecem-se conhecimentos básicos de teoria de matrizes e de determinantes com vista à sua aplicação na resolução de sistemas de equações lineares, assim como conhecimentos sobre valores e vetores próprios. No capítulo IV desenvolve-se a teoria de espaços vetoriais, indispensável ao estudo das aplicações geométricas em  $\mathbb{R}^2$  e  $\mathbb{R}^3$  que constam no capítulo VI. Os objetivos referidos nos pontos 2 e 3 são concretizados ao longo de todos os capítulos dos conteúdos programáticos com a ilustração de exemplos de aplicação às engenharias.

#### Metodologias de ensino

Aulas teóricas e teórico-práticas, em que se expõem e exemplificam as matérias respeitantes a cada um dos conteúdos programáticos.

**Coerência das metodologias de ensino com os objetivos**

Os métodos de ensino serão predominantemente expositivos nas aulas teóricas, fazendo prevalecer uma forte interação entre os conceitos e as suas aplicações. As aulas teórico-práticas são destinadas à resolução de exercícios sob orientação do professor. A transformação dos conceitos em ferramentas de trabalho será atingida pelo incentivo ao trabalho pessoal. O ensino da unidade curricular é complementado pelos períodos de atendimento aos alunos.

**Língua de ensino**

Português.

**Pré requisitos**

Não aplicável.

**Programas Opcionais recomendados**

Não aplicável.

**Observações**

Para uma correta aprendizagem da Unidade Curricular recomenda-se conhecimentos básicos de cálculo algébrico.

---

**Docente Responsável**

*Ana Lúcia Nata*

**Diretor de Curso, Comissão de Curso**

*Tomás F. Barros*

**Conselho Técnico-Científico**

*[Signature]*

Homologado pelo C.T.C.

Acta n.º 27 Data 09/11/2016

*[Signature]*