



INSTITUTO POLITÉCNICO DE TOMAR  
Escola Superior de Tecnologia de Tomar  
Área Interdepartamental de Matemática  
Curso de Engenharia Química Industrial

**DISCIPLINA DE PROBABILIDADES E ESTATÍSTICA**

1º-Ano

Regime: Semestral (2º)

Ano Lectivo: 2003/2004

Carga Horária: 2T+2P

Docente das Aulas Teóricas: Mestre Lígia Carla Pinto Henriques Rodrigues (Prof.ª Adjunta)

Docentes das Aulas Práticas: Mestre Luís Miguel Mendes Grilo (Prof.º Adjunto)

**OBJECTIVOS**

Proporcionar aos alunos o domínio das principais técnicas e metodologias quantitativas e qualitativas no tratamento de dados, de modo a que estes desenvolvam capacidades de análise e de raciocínio.

O programa proposto foi elaborado tomando como base de referência os conhecimentos adquiridos pelos alunos em cursos anteriores.

**PROGRAMA**

**Capítulo 1 – Métodos elementares da Estatística Descritiva**

- 1.1- Introdução.
- 1.2- Definições básicas.
- 1.3- Estatística Descritiva e Inferência Estatística.
- 1.4- Organização de dados: Distribuições de frequência.
- 1.5- Representação gráfica de dados.
- 1.6- Medidas de localização.
- 1.7- Medidas de dispersão
- 1.8- Medidas de forma: assimetria e achatamento.

**Capítulo 2 – Noções básicas de Probabilidades**

- 2.1- Experiências aleatórias. Espaço de resultados. Acontecimentos.
- 2.2- Noção de probabilidade. Interpretações frequentista e subjectiva. Axiomas.
- 2.3- Probabilidade Condicionada.
- 2.4- Acontecimentos independentes.
- 2.5- Teorema de Bayes.

### Capítulo 3 - Variáveis Aleatórias

- 3.1- Variáveis aleatórias discretas.
- 3.2- Função de probabilidade e função de distribuição.
- 3.3- Variáveis aleatórias contínuas.
- 3.4- Função densidade de probabilidade e função de distribuição.
- 3.5- Valor esperado e variância de uma variável aleatória.

### Capítulo 4 - Distribuições Teóricas

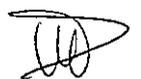
- 4.1- A distribuição Uniforme discreta.
- 4.2- A distribuição Binomial.
- 4.3- A distribuição Geométrica.
- 4.4- A distribuição de Poisson.
- 4.5- Aproximação da distribuição Binomial à distribuição de Poisson
- 4.6- A distribuição Uniforme contínua.
- 4.7- A distribuição Normal.
- 4.8- Aproximação das distribuições Binomial e de Poisson à distribuição Normal.
- 4.9- A distribuição Exponencial.

### Capítulo 5 – Distribuições por Amostragem

- 5.1- Amostra aleatória.
- 5.2- Teorema do Limite Central.
- 5.3- Desigualdade de Chebychev.
- 5.4- Distribuições amostrais teóricas.
- 5.5- Distribuições amostrais das estatísticas mais importantes.

### Capítulo 6 – Estimação

- 6.1- Estimadores e Estimativas.
- 6.2- Propriedades dos estimadores.
- 6.3- Estimação de Máxima Verosimilhança.
- 6.4- Intervalos de confiança.
- 6.5- Intervalos de confiança para a média.
- 6.6- Intervalo de confiança para a variância de uma população normal.
- 6.7- Intervalo de confiança para uma proporção.
- 6.8- Escolha da dimensão da amostra.



## Capítulo 7 – Testes de Hipóteses

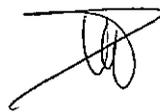
- 7.1- Conceitos Básicos.
- 7.2- Testes de hipóteses para a média.
- 7.3- Testes de hipóteses para a variância de uma população normal.
- 7.4- Testes de hipóteses para uma proporção.
- 7.5- Valor-p.

## Capítulo 8 – Introdução à Regressão Linear Simples

- 8.1- Modelos de regressão.
- 8.2- O modelo de regressão linear simples.
- 8.3- Análise do grau de associação entre variáveis e da qualidade de ajustamento.
- 8.4- Intervalos de Confiança.
- 8.5- Testes de hipóteses em regressão linear simples.

## BIBLIOGRAFIA

- Fonseca, Jaime R. S. – “Introdução à Estatística Matemática – Aplicações” – Vol. 1, 1992. Luso Livro L.da
- Guimarães, S. C. – “Estatística”, 1997. McGraw-Hill
- Oliveira, J. Tiago de - “Probabilidades e Estatística - Conceitos, Métodos e Aplicações” - Vol. 1 e Vol. 2. Mc, 1990. McGrawHill de Portugal, L.da
- Mood, A., Graybill, F. & Boes, D. – “Introduction to the Theory of Statistics – 3rd Edition”, 1974. McGraw-Hill
- Murteira, B. J. - “Análise Exploratória de Dados - Estatística Descritiva”, 1993. McGraw-Hill
- Murteira, B. J. - “Probabilidades e Estatística” - Vol. 1 e Vol.2, 1990. Mc - GrawHill, de Portugal, L.da
- Reis, E. - “Estatística Descritiva”, 1994. Sílabo, Lisboa
- Reis, E. - “Estatística Aplicada”, 1996. Sílabo, Lisboa
- Ross, S. M. – “Introduction to Probability and Statistics for Engineers and Scientists”, 1987. John Wiley & Sons
- Ross, S. M. – “Introductory Statistics”, 1996. McGraw-Hill



- Spiegel, M. R. – “Estatística”, 1993. McGraw-Hill

### AVALIACÃO DE CONHECIMENTOS

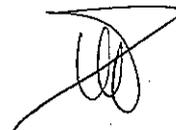
1. A avaliação de conhecimentos desta disciplina é feita segundo duas modalidades:

#### **Frequências:**

- Duas provas escritas classificadas de 0 a 20 valores, com igual peso na classificação final e incidindo sobre partes distintas da matéria.
- A 1ª frequência realizar-se-á durante o semestre (em data a anunciar e mediante prévia inscrição) e a 2ª frequência, no final do semestre, durante o período destinado à realização das frequências.
- A nota em cada uma das frequências não pode ser inferior a 7.0 valores.
- Os alunos que, na 1ª frequência, tiverem nota superior ou igual a 7.0 valores serão admitidos à 2ª frequência (sem inscrição prévia).
- A nota final da disciplina é obtida através da média aritmética das notas obtidas nas duas frequências.

#### **Exame:**

- Todos os alunos podem apresentar-se a exame se:
    - Não fizeram nenhuma ou a segunda prova de avaliação.
    - Fizeram ambas as frequências mas obtiveram menos de 7.0 valores na segunda ou menos de 10.0 valores na média das duas.
  - Os alunos admitidos a exame ou dispensados mas que pretendem melhorar a sua classificação, podem fazer o exame da época normal – uma prova escrita (classificada de 0 a 20 valores) sobre toda a matéria leccionada. Os alunos que reprovaram no exame da época normal, podem propor-se ao exame da época de recurso – prova com as mesmas normas da época normal- que decorrerá em Setembro.
  - Para qualquer uma das modalidades acima indicadas: os alunos cuja classificação final é superior ou igual a 17 valores estão sujeitos a uma prova complementar (oral ou escrita) facultativa. Em caso de não comparência à referida prova a classificação final é de 17 valores.
2. **Identificação Pessoal** – Os alunos devem apresentar-se às provas munidos dos seus Bilhete de Identidade e Cartão de Aluno do IPT.



CALENDÁRIO DE AVALIAÇÕES

| AVALIAÇÃO                               | DATA       |
|---|------------|
| 1ª Frequência                           | A combinar |
| 2ª Frequência                           | 01/07/2004 |
| Exame                                   | 15/07/2004 |
| Recurso                                 | 06/09/2004 |
| Trabalhador/Estudante<br>Época Especial | 30/09/2004 |

*Ugialteuniqui Rodriguez*