



INSTITUTO POLITÉCNICO DE TOMAR  
Escola Superior de Tecnologia de Tomar

Área Intradepartamental de Matemática

**Curso de Engenharia do Ambiente**

**DISCIPLINA DE ANÁLISE MATEMÁTICA III**

**2º Ano**

**Ano Lectivo:** 2005/2006

**Docente:** Mestre Pedro Miguel Carrasqueira (Equiparado a Assistente 2º Triénio)

**Regime:** Semestral (1º)

**Carga Horária:** 2T+2P

**OBJECTIVOS**

Proporcionar aos alunos os fundamentos básicos e avançados dos métodos matemáticos normalmente utilizados pelas diversas disciplinas do curso de E. Q. e E.A.

Conferir aos alunos capacidade para resolver Equações Diferenciais e Sistemas de Equações Diferenciais e interpretar os resultados obtidos.

O programa proposto foi elaborado tomando como base de referência os conhecimentos adquiridos pelos alunos, nos cursos que antecedem a sua entrada neste curso.

**PROGRAMA**

**1 Equações Diferenciais Ordinárias**

- 1.1 Definições e terminologia.
- 1.2 Equações diferenciais de 1ª ordem.
- 1.3 Teorema da existência e unicidade.
- 1.4 Equações diferenciais totais exactas.
- 1.5 Equações de variáveis separáveis.
- 1.6 Equações lineares de 1ª ordem.
- 1.7 Determinação de factores integrantes.
- 1.8 Equações homogéneas.
- 1.9 Equação de Bernoulli.
- 1.10 Equações diferenciais de coeficientes lineares nas duas variáveis.
- 1.11 Equação diferencial linear de ordem n
- 1.12 Solução geral de uma equação linear completa
- 1.13 Método do abaixamento de ordem
- 1.14 Problema de valor inicial
- 1.15 Equações diferenciais com Modelos Matemáticos

## **2 Transformadas de Laplace**

- 2.1 Definição de Transformada de Laplace.
- 2.2 Existência e unicidade de Transformada de Laplace.
- 2.3 Transformada Inversa.
- 2.4 Problema de Valor Inicial.

## **3 Sistemas de Equações Diferenciais**

- 3.1 Definição de derivada.
  - 3.1.1. Método de Álgebra Linear.
- 3.2 Sistema fundamental de soluções:  $e^{At}$ .
- 3.3 Equações não homogéneas. Variação dos parâmetros.
- 3.4 Resolução de sistemas por transformadas de Laplace.
- 3.5 Aplicações.

## **4 Equações Diferenciais às Derivadas Parciais**

- 4.1 Introdução. Alguns conceitos básicos e exemplos.
- 4.2 O método das variáveis separáveis.
- 4.3 Formas canónicas de equações lineares de segunda ordem, com coeficientes constantes.
- 4.4 Um problema de valor inicial; características.

## **BIBLIOGRAFIA**

[1] Jaime Carvalho e Silva; “ Princípios de Análise Matemática Aplicada”.

Mc Graw-Hill.

[2] Azenha, A. e Jerónimo, M. ; “ Cálculo Diferencial e Integral”.

Mc Graw-Hill.

[3] Piskounov, N; “ Cálculo Diferencial e Integral”.

Edições Lopes da Silva, Porto.

[4] Ferreira, M. Fernanda; “ Equações Diferenciais Ordinárias”.

Mc Graw-Hill.

[5] Braun, M.; “ Differential Equations and Their Applications”.

Springer Verlag.

[6] Advanced Engineering Mathematics, Zill D., Cullen M., PWS,1992.



## AVALIAÇÃO

### **Por frequência:**

- Duas provas escritas, a realizar durante o semestre. Ambas as provas são classificadas de 0 a 20 valores e é necessário que o aluno tenha, pelo menos, 7 valores na primeira para ser admitido à segunda. O aluno é dispensado de exame, ou seja, é aprovado por frequência se tiver, pelo menos, 7 valores em ambas as provas e a média das suas classificações for superior ou igual a 10 valores.

### **Por exame:**

- Se o aluno foi admitido a exame ou foi dispensado mas pretende melhorar a sua classificação, pode fazer o exame da época normal – uma prova escrita (classificada de 0 a 20 valores) sobre toda a matéria leccionada. Se, nesta prova, o aluno obtiver uma classificação superior ou igual a 10 valores, é aprovado.
- Se o aluno reprovou no exame da época normal, pode propor-se ao exame da época de recurso – prova com as mesmas normas da época normal- que decorrerá em Setembro.

### **NOTA:**

- Para qualquer das avaliações, se o aluno obtiver classificação igual ou superior a 17 valores deverá ser sujeito a uma avaliação extraordinária

As datas **previstas** para as provas de avaliação são:

AVALIAÇÃO	DATA
1 <sup>a</sup> Frequência	NOV 2005
2 <sup>a</sup> Frequência	11 JAN 2006
Exame	25 JAN 2006
Exame de Recurso	16 FEV 2006

No início de cada época de avaliação os alunos devem confirmar estas datas.

*Pedro Tigueir Carrasqueira*