



INSTITUTO POLITÉCNICO DE TOMAR  
Escola Superior de Tecnologia de Tomar

Área Interdepartamental de Matemática

**Curso de Engenharia Electrotécnica e de Computadores**

**DISCIPLINA DE ANÁLISE MATEMÁTICA I**

1º Ano

Regime: Semestral (1º)

Ano Lectivo: 2007/2008

Carga Horária: T:28;TP:28;PL:14;OT:5;ECTS:6

**Aulas Teóricas, Teórico/Práticas e Prática Laboratorial:** Mestre Maria Manuela Morgado Fernandes Oliveira (Assistente do 2º Triénio)

**Aulas Teóricas (Regime pós-laboral):** Doutor Luís Merca Fernandes(Professor Coordenador)

**Teórico/Práticas e Prática Laboratorial (Regime pós-laboral):** Mestre Manuela Fernandes

---

**OBJECTIVOS**

Proporcionar, aos alunos, os fundamentos básicos dos métodos matemáticos, normalmente utilizados pelas diversas disciplinas do curso de E.E.C..

Conferir, aos alunos, capacidade para utilizar os conceitos e os métodos próprios do cálculo diferencial e integral de funções reais de uma variável real.

Conferir ainda, aos alunos, competências experimentais complementares ao tradicional método de estudo dos conteúdos da disciplina.

O programa proposto foi elaborado tomando como base de referência os conhecimentos adquiridos, pelos alunos, nos cursos que antecedem a sua entrada neste curso.

**PROGRAMA**

**1 Números Reais**

- 1.1 Conjuntos.
- 1.2 Primeiras propriedades dos números reais.
- 1.3 Conjuntos limitados. Breves noções de topologia em  $\mathbb{R}$ .
- 1.4 Potências e logaritmos.
- 1.5 Trigonometria rectilínea.
- 1.6 Trigonometria hiperbólica.

## **2 Funções reais de uma variável real**

- 2.1 Definição.
- 2.2 Gráfico.
- 2.3 Funções injectivas e sobrejectivas.
- 2.4 Composição de funções.
- 2.5 Funções inversas.
- 2.6 Supremo e ínfimo de uma função.
- 2.7 Funções monótonas.
- 2.8 Funções limitadas.
- 2.9 Funções pares e ímpares.
- 2.10 Funções periódicas.
- 2.11 Algumas classes de funções:
  - 2.11.1 Funções polinomiais, racionais e irracionais;
  - 2.11.2 Funções trigonométricas directas e inversas;
  - 2.11.3 Função exponencial e função logarítmica;
  - 2.11.4 Funções  $f(x)^{g(x)}$ ;
  - 2.11.5 Funções hiperbólicas directas e inversas.

## **3 Limites e Continuidade**

- 3.1 Noção de limite.
- 3.2 Definição de limite.
- 3.3 Limites laterais.
- 3.4 Teoremas sobre o cálculo de limites.
- 3.5 Indeterminações no cálculo de limites.
- 3.6 Definição de continuidade.
- 3.7 Teoremas sobre continuidade.

## **4 Cálculo Diferencial**

- 4.1 Definição de derivada.
- 4.2 Interpretação geométrica da definição de derivada.
- 4.3 Diferenciabilidade e Continuidade.
- 4.4 Regras de derivação.
- 4.5 Derivada da função implícita.
- 4.6 Derivada de funções definidas na forma paramétrica.



- 4.7 Derivada da função inversa.
- 4.8 Derivada da função composta.
- 4.9 Derivadas sucessivas.
- 4.10 Propriedades de funções contínuas e deriváveis: teorema de Bolzano, teorema de Weierstrass, teorema de Rolle, teorema de Lagrange e seus corolários.
- 4.11 Teorema de Cauchy.
- 4.12 Regra de Cauchy e regra de L'Hôpital.
- 4.13 Indeterminações no cálculo de limites.
- 4.14 Aplicações das derivadas ao estudo gráfico de funções.
- 4.15 Máximos e mínimos.
- 4.16 Concavidade e convexidade de uma função.
- 4.17 Pontos de inflexão.
- 4.18 Assimptotas verticais, horizontais e oblíquas.
- 4.19 Estudo completo de uma função.
- 4.20 Acréscimos e diferenciais. Definição e interpretação geométrica.

## 5 Cálculo Integral

- 5.1 Primitivas.
- 5.2 Regras de integração.
- 5.3 Integração por partes.
- 5.4 Integração por substituição.
- 5.5 Integração de funções racionais.
- 5.6 Integração de potências de funções trigonométricas.
- 5.7 Integral definido.
- 5.8 Teorema fundamental do cálculo.
- 5.9 Propriedades do integral definido.
- 5.10 Aplicações do cálculo integral: áreas e volumes.
- 5.11 Integrais impróprios.

## BIBLIOGRAFIA

- [1] Jaime Carvalho e Silva; “Princípios de Análise Matemática Aplicada”.  
Mc Graw-Hill.
- [2] Swokowski, E. W. ; “Cálculo com Geometria Analítica”.  
Mc Graw-Hill.
- [3] Piskounov, N; “Cálculo Diferencial e Integral”.  
Edições Lopes da Silva, Porto.



- [4] Simmons, G. F. ; “Cálculo com Geometria Analítica”.  
Mc Graw-Hill.
- [5] Anton, Howard; “Cálculo um novo horizonte. Volume I”.  
Bookman.
- [6] Stewart, James; “Cálculo. Volume I”. Pioneira.

## **AVALIAÇÃO**

**Exame época normal:** O aluno **pode optar** entre:

- **Opção um:** Consiste na realização de **três provas, duas escritas** e classificadas de 0 a 8 valores e **um trabalho computacional**, recorrendo ao *software Maple*, classificado de 0 a 4 valores. Os alunos serão admitidos à segunda prova escrita desde que tenham, pelo menos, 2.5 valores na primeira. O aluno é aprovado se tiver, pelo menos, 2.5 valores na última prova e obtiver classificação superior ou igual a 10 valores, resultante da soma das 3 notas.
- **Opção dois:** Consiste na realização de **uma prova escrita** sobre toda a matéria leccionada, classificada de 0 a 16 valores e **um trabalho computacional** recorrendo ao *software Maple*, classificado de 0 a 4 valores. Se o aluno obtiver uma classificação superior ou igual a 10 valores, como soma das duas notas, é aprovado.

**Exame de recurso:** O aluno **pode optar** entre:

- **Opção um:** igual à opção dois da época normal, aproveitado o trabalho realizado.
- **Opção dois:** prova escrita classificada de 0 a 20. O aluno obterá aprovação se tiver, pelo menos, classificação igual a 10 valores.

### **NOTAS:**

- Sobre o trabalho computacional, classificado de 0 a 4 valores, pretende-se a entrega, em data a estipular, de um relatório prévio, classificado de 0 a 1 valores sendo os restantes 3 valores relativos ao trabalho final, a entregar no fim do semestre.
- Para qualquer das avaliações, se o aluno obtiver classificação superior a 17 valores deverá ser sujeito a uma avaliação extraordinária.
- As datas **previstas** para as provas de avaliação são:

AVALIAÇÃO	DATA
1ªProva Escrita	10 Nov 2007
Exame	16 Jan 2008
Exame de Recurso	14 Fev 2008

No início de cada época de avaliação os alunos devem confirmar estas datas.