

 Escola Superior de Gestão de Tomar

Ano letivo: 2022/2023

**Gestão de Empresas**

Licenciatura, 1º Ciclo

Plano: Despacho nº 3393/2016 - 04/03/2016

**Ficha da Unidade Curricular: Matemática I**

ECTS: 6; Horas - Totais: 162.0, Contacto e Tipologia, TP:75.0;

Ano | Semestre: 1 | S1

Tipo: Obrigatória; Interação: Presencial; Código: 915233

Área Científica: Matemática

**Docente Responsável**

Ana Cristina Becerra Nata dos Santos

Professor Adjunto

**Docente(s)**

Ana Cristina Becerra Nata dos Santos

Professor Adjunto

**Objetivos de Aprendizagem**

1. Aquisição de conhecimentos no domínio da:
  - 1.1. Análise Matemática;
  - 1.2. Matemática Financeira;
  - 1.3. Métodos numéricos;
2. Desenvolvimento da capacidade de raciocínio lógico e de cálculo.
3. Formulação e resolução de problemas.
4. Utilização do software Geogebra.

**Objetivos de Aprendizagem (detalhado)**

1. No final da U.C. o aluno será capaz de realizar as competências abaixo discriminadas por áreas de conhecimentos:
  - 1.1. Análise Matemática:
    - 1.1.1. operar com números, resolver equações e sistemas de equações lineares;
    - 1.1.2. dominar o conceito de função real de variável real, assim como os conceitos associados ao cálculo diferencial e respetivas aplicações.

- 1.1.3. calcular primitivas e integrais, e usar estes conceitos nas aplicações abordadas;
- 1.1.4. dominar o conceito de função real de várias variáveis reais, assim como calcular derivadas parciais, extremos livres e extremos condicionados;
- 1.1.5. determinar e analisar as soluções de equações diferenciais lineares de 1<sup>a</sup> e 2<sup>a</sup> ordens.
- 1.2. Matemática Financeira: resolver problemas relativos a depósitos, poupanças programadas e empréstimos.
- 1.3. Métodos Numéricos: compreender e usar métodos para:
  - 1.3.1. a resolução numérica de equações não lineares;
  - 1.3.2. o ajuste de curvas por interpolação polinomial;
  - 1.3.3. a diferenciação e integração numérica.

No final desta UC o aluno deverá ainda:

- 2. ser capaz desenvolver a sua capacidade de raciocínio matemático que permita a criação de autonomia na aprendizagem.
- 3. ser capaz de resolver problemas relacionados com todos os temas abordados.
- 4. ficar familiarizado com as técnicas básicas de utilização do software gratuito Geogebra como ferramenta de apoio à aprendizagem.

### **Conteúdos Programáticos**

- 1. Funções reais de variável real e cálculo diferencial
- 2. Cálculo integral
- 3. Noções de Matemática Financeira
- 4. Funções e cálculo diferencial em IR<sup>n</sup>
- 5. Equações diferenciais lineares de 1<sup>a</sup> ordem
- 6. Noções de Análise Numérica

### **Conteúdos Programáticos (detalhado)**

#### **1. FUNÇÕES E CÁLCULO DIFERENCIAL EM IR**

- 1.1. Generalidades sobre funções reais de variável real.
- 1.2. Breve referência ao cálculo de limites. Função derivada. Funções diferenciáveis. Interpretação geométrica do conceito de derivada. Regras de derivação. Derivadas sucessivas.
- 1.3. Aplicação das derivadas ao estudo de funções e a certos problemas de natureza Económica.

#### **2. CÁLCULO INTEGRAL**

- 2.1. Definição e generalidades. Propriedades dos integrais indefinidos.
- 2.2. Primitivas imediatas e quase-imediatas.
- 2.3. Métodos de primitivação.
- 2.4. Definição de integral simples de Riemann e sua interpretação geométrica. Condições de integrabilidade e propriedades dos integrais.
- 2.5. Teorema fundamental do cálculo integral.
- 2.6. Teorema da média do cálculo integral e suas aplicações.
- 2.7. Métodos de integração.
- 2.8. Integrais impróprios.
- 2.9. Aplicações geométricas dos integrais.

### **3. NOÇÕES DE MATEMÁTICA FINANCEIRA**

- 3.1. Juros simples, juros compostos e juros compostos continuamente.
- 3.2. Poupanças programadas (juros compostos e compostos continuamente).
- 3.3. Empréstimos.

### **4. FUNÇÕES E CÁLCULO DIFERENCIAL EM IR<sup>n</sup>**

- 4.1. Funções reais de várias variáveis reais.
- 4.1.1. Conjuntos de pontos em IR<sup>n</sup>.
- 4.1.2. Definição de funções reais de duas (ou mais) variáveis reais. Domínios de definição e respetiva representação gráfica.
- 4.2. Derivadas parciais.
- 4.3. Funções homogéneas: definição e teorema de Euler.
- 4.4. Fórmula de Taylor e respetiva aplicação ao cálculo de extremos livres de funções definidas em IR<sup>n</sup>.
- 4.5. Extremos condicionados: método dos multiplicadores de Lagrange

### **5. EQUAÇÕES DIFERENCIAIS LINEARES DE 1<sup>a</sup> ORDEM**

- 5.1. Noções preliminares: Definição de equação diferencial, solução geral, soluções particulares e condições iniciais (ou de fronteira). Alguns exemplos de motivação.
- 5.2. Equações diferenciais lineares de 1<sup>a</sup> ordem.
  - 5.2.1. Equação homogénea.
  - 5.2.2. Equação não-homogénea (ou completa): método de Lagrange (ou da variação da constante arbitrária).

### **6. NOÇÕES DE ANÁLISE NUMÉRICA**

- 6.1. Introdução.
- 6.2. Resolução numérica de equações não-lineares:
- 6.3. Interpolação polinomial
  - 6.3.1. Polinómio interpolador de Newton das diferenças finitas.
  - 6.3.2. Cálculo da TIR (Taxa Interna de Retorno) por Interpolação Linear
- 6.4. Derivação e Integração numérica.

#### **Metodologias de avaliação**

Avaliação contínua: dois testes escritos, T1 e T2, sem consulta, cada um cotado para 20 valores e com nota mínima de 5 valores em cada. A classificação final é expressa por  $(T1+T2)/2$ , desde que a nota mínima tenha sido obtida em ambos os testes T1 e T2. Caso contrário, a classificação final será igual à menor das classificações T1 ou T2. As notas T1 e T2 são arredondadas às centésimas e apenas a classificação final será arredondada às unidades.

Avaliação por exame: prova escrita sem consulta sobre toda a matéria.

Aprovação (em qualquer modalidade): pelo menos 10 val. em 20 val., desde que cumpridas as restrições mencionadas anteriormente.

#### **Software utilizado em aula**

Geogebra.

### **Estágio**

Não aplicável.

### **Bibliografia recomendada**

- Davis, D. e Armstrong, B. (2002). *College mathematics: Solving problems in finite mathematics and calculus*. 1<sup>a</sup>, Pearson Education. USA
- Amaral, I. e Ferreira, M. (2006). *Primitivas e Integrais* (pp. 1-184). 6<sup>a</sup>, Edições Sílabo. Lisboa, Portugal
- Santos, C. (2002). *Fundamentos de análise numérica*. 1<sup>a</sup>, Edições Sílabo. Lisboa
- Hostetler, R. e Larson, R. e Edwards, B. (2006). *Cálculo* (Vol. I).. 8<sup>a</sup>, McGraw-Hill. USA

### **Coerência dos conteúdos programáticos com os objetivos**

Os conteúdos programáticos são coerentes com os objetivos da Unidade Curricular uma vez que:

- os capítulos 1, 2, 4 e 5 dos conteúdos programáticos pretendem concretizar o ponto 1.1. dos objetivos;
- o capítulo 3 dos conteúdos programáticos pretende concretizar o ponto 1.2. dos objetivos;
- o capítulo 6 dos conteúdos programáticos pretende concretizar o ponto 1.3. dos objetivos;
- os objetivos referidos nos pontos 2, 3 e 4 são concretizados ao longo de todos os capítulos dos conteúdos programáticos.

### **Metodologias de ensino**

Aulas teórico em que se expõem e exemplificam as matérias de cada um dos conteúdos programáticos. Aulas práticas em que se resolvem exercícios incentivando-se a participação ativa por parte dos alunos.

### **Coerência das metodologias de ensino com os objetivos**

As metodologias de ensino são implementadas de acordo com os objetivos da unidade curricular. A simbiose entre as metodologias da componente teórica e prática pretende promover a análise, interpretação, discussão e resolução de problemas com aplicação a outras realidades. O estímulo ao desenvolvimento de um espírito lógico, analítico e crítico por parte dos alunos são fundamentais para a transformação dos conceitos adquiridos em ferramentas de trabalho e para a consolidação de conhecimentos numa perspetiva de uma maior aplicabilidade dos conceitos adquiridos.

### **Língua de ensino**

Português

### **Pré-requisitos**

Não existem pré-requisitos.

### Programas Opcionais recomendados

Não aplicável.

### Observações

- Durante a realização das provas não é permitido o uso de corretor, nem de telemóvel que deverá permanecer desligado.
- As respostas a lápis não serão consideradas.
- Durante o tempo de prestação das provas o aluno não se poderá ausentar da sala.
- Nas provas de avaliação é obrigatória a apresentação de um documento de identificação com fotografia.
- Nas provas de avaliação só serão permitidas máquinas de calcular científicas elementares não gráficas.
- Um aluno que pretenda desistir da prova deve declará-lo por escrito na folha de prova, mas só poderá abandonar a sala trinta minutos depois do início da mesma.
- Independentemente do momento de avaliação em que o aluno obtenha aprovação, se a classificação final for superior ou igual a 18 valores o aluno poderá ter de se submeter a uma avaliação extraordinária (prova oral) de chamada única. Se o aluno não comparecer a esta prova, ficará com 18 valores.
- Sempre que haja alguma dúvida relativamente à resolução de uma prova, o aluno poderá ser chamado a efetuar um exame oral (chamada única).

Objetivos de Desenvolvimento Sustentável:

- 4 - Garantir o acesso à educação inclusiva, de qualidade e equitativa, e promover oportunidades de aprendizagem ao longo da vida para todos;  
8 - Promover o crescimento económico inclusivo e sustentável, o emprego pleno e produtivo e o trabalho digno para todos;

---

### Docente responsável

**Ana Cristina  
Becerra Nata  
dos Santos**

Digitally signed by Ana Cristina Becerra  
Nata dos Santos  
DN: c=PT, l=Tomar, o=Instituto  
Politécnico de Tomar, ou=Unidade  
Departamental de Matemática e Física,  
cn=Ana Cristina Becerra Nata dos Santos  
Date: 2022.09.14 21:42:46 +01'00'

Homologado pelo C.T.C.

Acta n.º 186 Data 12/10/2022