

## Disciplina de Análise Matemática III

**2º Ano**  
**Ano Lectivo:** 2010 2011  
**ECTS:** 5

**Regime:** semestral  
**Carga Horária:** 30 *T* + 30 *TP* + 5 *OT*

**Docentes:** Mestre Pedro Carrasqueira (Equip. Assist. 2º Triénio)

### Objectivos

Proporcionar aos alunos alguns conceitos básicos e mais avançados dos métodos matemáticos, normalmente utilizados pelas diversas disciplinas do curso de Engenharia Civil. Pretende-se dotar os alunos da capacidade e sensibilidade de aplicação dos conceitos e métodos próprios do cálculo diferencial e integral de funções reais de uma ou mais variáveis. O programa proposto foi elaborado tomando como base de referência os conhecimentos adquiridos pelos alunos, nos cursos que antecedem a sua entrada neste curso.

### Programa

1. **Integrais curvilíneas e Integrais de superfície:**
  - (a) Integrais Curvilíneas
    - i. Definição e cálculo de integrais curvilíneas
    - ii. Algumas aplicações de ordem física dos integrais curvilíneos
    - iii. Teorema de Green
  - (b) Integrais de Superfície
    - i. Definição e cálculo de integrais de superfície
    - ii. Interpretação física de integrais de superfície
    - iii. Rotacional e Divergência de um campo de vectores em  $\mathbb{R}^3$
    - iv. Teorema de Stockes
    - v. Teorema da Divergência (Teorema de Gauss)
2. **Equações Diferenciais Ordinárias:**
  - (a) Definições e conceitos básicos
  - (b) Equações diferenciais de 1ª ordem
    - i. Teorema de existência e unicidade de solução para um problema de valores iniciais

- ii. Equações de variáveis separáveis
  - iii. Equações lineares de 1ª ordem
  - iv. Equação de Bernoulli
- (c) Equações diferenciais lineares de ordem  $n$
- i. Classificação e teorema de existência e unicidade de solução para um problema de valores iniciais
  - ii. Sistemas fundamentais de soluções para equações diferenciais homogêneas. Teorema fundamental
  - iii. Método D'Alembert
  - iv. Equações diferenciais lineares de coeficientes constantes
  - v. Método do polinómio anulador
  - vi. Método de Lagrange
  - vii. Equações de Euler
- 3. Equações Não Lineares (resolução numérica):**
- (a) Método da Bissecção
  - (b) Método de Newton
  - (c) Método da Secante
- 4. Interpolação Polinomial:**
- (a) Introdução
  - (b) Polinómio interpolador de Lagrange
  - (c) Polinómio interpolador de Newton
- 5. Integração Numérica:**
- (a) Fórmulas de Newton-Cotes: Trapézios e Simpson (simples)
  - (b) Fórmulas dos Trapézios e de Simpson (compostas)
- 6. Métodos Numéricos para Problemas Diferenciais Ordinários:**
- (a) Métodos de Taylor
  - (b) Métodos de Euler
  - (c) Métodos de Runge-Kutta



## Avaliação

**Exame época normal:** O aluno pode optar entre:

Opção um: Consiste na realização de duas provas escritas, classificadas de 0 a 10 valores. Os alunos serão admitidos à segunda prova escrita desde que tenham, pelo menos, 3.5 valores na primeira prova. O aluno é aprovado se tiver classificação, na soma das duas provas, superior ou igual a 10 valores, e nota superior ou igual a 3.5 valores também na segunda prova.

Opção dois: Consiste na realização de uma prova escrita sobre toda a matéria leccionada, classificada de 0 a 20 valores. Se o aluno obtiver uma classificação superior ou igual a 10 valores, é aprovado.

**Exame época recurso:** Consiste na realização de uma prova escrita sobre toda a matéria leccionada, classificada de 0 a 20 valores. Se o aluno obtiver uma classificação superior ou igual a 10 valores, é aprovado.

## Referências

- Jaime Carvalho e Silva "Princípios de Análise Matemática Aplicada". Mc Graw-Hill
- Swokowski, E. W. "Cálculo com Geometria Analítica"
- Anton, Howard "Cálculo um novo horizonte. Volume II". Bookman
- Zill, Dennis G. "A first course in differential equations". Brooks
- R Burden e J. Faires. "Numerical Analysis". PWS Publishing Company, 1993.
- H. Pina, *Métodos Numéricos*, McGraw-Hill, 1995.
- J. Dennis e R. Schnabel. "Numerical Methods for Unconstrained Optimization and Nonlinear Equations". Prentice-Hall, Inc., 1983

## Notas

Para qualquer das avaliações, se o aluno obtiver classificação igual ou superior a 17 valores deverá ser sujeito a uma avaliação extraordinária

Avaliação contínua: 1ª frequência: 27 de Novembro de 2010

*Pedro Miguel Carrasqueira*