

## Unidade Curricular de Análise Matemática III

**2º Ano**

Ano Lectivo: 2011 / 2012  
ECTS: 5

**Regime:** semestral

**Carga Horária:** 30 T + 30 TP + 5 OT

**Docentes:** Mestre Pedro Carrasqueira (Equip. Assist. 2º Triénio)

### Objectivos

Proporcionar aos alunos alguns conceitos básicos e mais avançados dos métodos matemáticos, normalmente utilizados pelas diversas disciplinas do curso de Engenharia Civil. Pretende-se dotar os alunos da capacidade e sensibilidade de aplicação dos conceitos e métodos próprios do cálculo diferencial e integral de funções reais de uma ou mais variáveis. O programa proposto foi elaborado tomando como base de referência os conhecimentos adquiridos pelos alunos, nos cursos que antecedem a sua entrada neste curso.

### Programa

#### 1. Integrais curvilíneos e Integrais de superfície:

- (a) Integrais Curvilíneos
  - i. Definição e cálculo de integrais curvilíneos
  - ii. Algumas aplicações de ordem física dos integrais curvilíneos
  - iii. Teorema de Green
- (b) Integrais de Superfície
  - i. Definição e cálculo de integrais de superfície
  - ii. Interpretação física de integrais de superfície
  - iii. Rotacional e Divergência de um campo de vectores em  $\mathbb{R}^3$
  - iv. Teorema de Stockes
  - v. Teorema da Divergência (Teorema de Gauss)

#### 2. Equações Diferenciais Ordinárias:

- (a) Definições e conceitos básicos
- (b) Equações diferenciais de 1ª ordem
  - i. Teorema de existência e unicidade de solução para um problema de valores iniciais



- ii. Equações de variáveis separáveis
  - iii. Equações lineares de 1ª ordem
  - iv. Equação de Bernoulli
- (c) Equações diferenciais lineares de ordem n
- i. Classificação e teorema de existência e unicidade de solução para um problema de valores iniciais
  - ii. Sistemas fundamentais de soluções para equações diferenciais homogéneas. Teorema fundamental
  - iii. Método D'Alembert
  - iv. Equações diferenciais lineares de coeficientes constantes
  - v. Método do polinómio anulador
  - vi. Método de Lagrange
  - vii. Equações de Euler

**3. Equações Não Lineares (resolução numérica):**

- (a) Método da Bisseção
- (b) Método de Newton
- (c) Método da Secante

**4. Interpolação Polinomial:**

- (a) Introdução
- (b) Polinómio interpolador de Lagrange
- (c) Polinómio interpolador de Newton

**5. Integração Numérica:**

- (a) Fórmulas de Newton-Cotes: Trapézios e Simpson (simples)
- (b) Fórmulas dos Trapézios e de Simpson (compostas)

**6. Métodos Numéricos para Problemas Diferenciais Ordinários:**

- (a) Métodos de Taylor
- (b) Métodos de Euler
- (c) Métodos de Runge-Kutta



## Avaliação

**Exame época normal:** O aluno pode optar entre:

Opção um: Consiste na realização de duas provas escritas, classificadas de 0 a 10 valores. Os alunos serão admitidos à segunda prova escrita desde que tenham, pelo menos, 3.5 valores na primeira prova. O aluno é aprovado se tiver classificação, na soma das duas provas, superior ou igual a 10 valores, e nota superior ou igual a 3.5 valores também na segunda prova.

Opção dois: Consiste na realização de uma prova escrita sobre toda a matéria lecionada, classificada de 0 a 20 valores. Se o aluno obtiver uma classificação superior ou igual a 10 valores, é aprovado.

**Exame época recurso:** Consiste na realização de uma prova escrita sobre toda a matéria lecionada, classificada de 0 a 20 valores. Se o aluno obtiver uma classificação superior ou igual a 10 valores, é aprovado.

## Referências

- Jaime Carvalho e Silva "Princípios de Análise Matemática Aplicada". Mc Graw-Hill
- Swokowski, E. W. "Cálculo com Geometria Analítica"
- Anton, Howard "Cálculo um novo horizonte. Volume II". Bookman
- Zill, Dennis G. "A first course in differential equations". Brooks
- R Burden e J. Faires. "Numerical Analysis". PWS Publishing Company, 1993.
- H. Pina, *Métodos Numéricos*, McGraw-Hill, 1995.
- J. Dennis e R. Schnabel. "Numerical Methods for Unconstrained Optimization and Nonlinear Equations". Prentice-Hall, Inc., 1983

## Notas

Para qualquer das avaliações, se o aluno obtiver classificação igual ou superior a 17 valores deverá ser sujeito a uma avaliação extraordinária

Avaliação contínua:

- 1<sup>a</sup> frequência: 03 de Dezembro de 2011
- 2<sup>a</sup> frequência: 16 de Janeiro de 2012
- Exame: 27 de Janeiro de 2012
- Exame de recurso: 15 de Fevereiro de 2012

