

---

**UNIDADE CURRICULAR DE MATEMÁTICA APLICADA À ELECTROTECNA**

**2.º Ano**

**Ano Lectivo:** 2012/2013

**Regime:** Semestral (1.º)

**Carga Horária:** T: 28; TP: 28; PL: 14 OT: 5

**Carga Horária Total:** 162 horas

**ECTS:** 6

**Docentes das aulas Teóricas e Teórico-práticas:**

Doutor Luís Miguel Grilo (Prof. Adjunto)

Mestre Carlos Perquilhas (Equiparado a Assistente do 2º Triénio)

---

**OBJECTIVOS**

Com esta unidade curricular, pretende-se dotar os alunos de conhecimentos em Análise Complexa e Transformadas Matemáticas, que são essenciais em áreas da Engenharia Electrotécnica como Automação, Robótica e Telecomunicações, bem como os fundamentos básicos de algumas das principais técnicas e metodologias da Estatística Matemática, essencialmente, quantitativas, para que estes possam desenvolver todo um esquema mental de análise e de raciocínio que lhes permita conceber e implementar soluções para diferentes problemas. Deste modo, pretende-se disponibilizar aos alunos os instrumentos que facilitem a tomada de decisões.

**CONTEÚDO PROGRAMÁTICO**

**Primeira Parte (lecionada pelo Docente Luís Grilo):**

**Capítulo 1 – Revisões de Probabilidades**

- 1.1- Noções básicas de Probabilidades;
- 1.2- Variáveis Aleatórias;
- 1.3- Distribuições Teóricas Discretas e Contínuas: a distribuição Normal;
- 1.4- Aproximação das distribuições Binomial e de Poisson à Normal;
- 1.5- A distribuição Exponencial.

**Capítulo 2 – Distribuições por Amostragem**

- 2.1- Inferência Estatística. Amostragem aleatória;
- 2.2- Teorema do Limite Central;
- 2.3- Desigualdade de Chebychev;
- 2.4- Distribuições amostrais teóricas;
- 2.5- Distribuição da média amostral numa população normal;
- 2.6- Distribuição da variância amostral numa população normal;
- 2.7- Distribuição da proporção amostral.

### **Capítulo 3 – Estimação Paramétrica**

- 3.1- Estimação pontual. Estimadores e Estimativas;
- 3.2- Propriedades dos estimadores;
- 3.3- Estimação de Máxima Verosimilhança;
- 3.4- Estimação por intervalos;
- 3.5- Intervalos de confiança para a média de uma população normal;
- 3.6- Intervalo de confiança para o desvio padrão e variância de uma população normal;
- 3.7- Intervalo de confiança para uma proporção;
- 3.8- Escolha da dimensão da amostra.

### **Capítulo 4 – Testes de Hipóteses**

- 4.1- Conceitos Básicos;
- 4.2- Testes de hipóteses para a média de uma população normal;
- 4.3- Testes de hipóteses para a variância de uma população normal;
- 4.4- Testes de hipóteses para uma proporção.

### **Capítulo 5 – Introdução à Regressão Linear Simples**

- 5.1- Modelos de regressão;
- 5.2- Método dos mínimos quadrados em regressão linear simples;
- 5.3- Análise de variância: Tabela ANOVA;
- 5.4- Coeficientes de correlação e de determinação;
- 5.5- Inferências no modelo de regressão linear simples.

### **Segunda Parte (lecionada pelo Docente Carlos Perquilhas):**

### **Capítulo 6 – Números Complexos**

- 6.1- Forma algébrica, trigonométrica e polar;
- 6.2- Potências e raízes;
- 6.3- Geometria no plano complexo.

### **Capítulo 7 – Funções Analíticas**

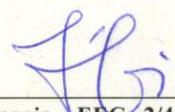
- 7.1- Funções de variável complexa;
- 7.2- Limites e continuidade;
- 7.3- Analiticidade;
- 7.4- Equações de Cauchy-Riemann;
- 7.5- Funções harmónicas.

### **Capítulo 8 – Funções Elementares**

- 8.1- Funções exponenciais, trigonométricas e hiperbólicas;
- 8.2- Função logarítmica;
- 8.3- Potência de complexos e funções trigonométricas inversas;
- 8.4- Aplicação a sistemas oscilatórios.

### **Capítulo 9 – Integração Complexa**

- 9.1- Contornos;
- 9.2- Integrais de contorno;
- 9.3- Teorema integral de Cauchy;
- 9.4- Integração de funções analíticas.



## **Capítulo 10 – Desenvolvimento em Série de Funções Analíticas**

- 10.1- Série de Taylor;
- 10.2- Série de potências;
- 10.3- Série de Laurent;
- 10.4- Zeros e singularidades.

## **Capítulo 11 – Teoria do Resíduo**

- 11.1- Teorema do Resíduo;
- 11.2- Aplicação ao cálculo de integrais trigonométricos e impróprios.

## **Capítulo 12 – Equações Diferenciais e Transformadas**

- 12.1- Tipos fundamentais de Equações Diferenciais;
- 12.2- Séries de Fourier;
- 12.3- Transformadas de Fourier: definição, propriedades e seu uso na resolução de alguns tipos de equações diferenciais;
- 12.4- Transformadas de Laplace: definição, propriedades e seu uso na resolução de alguns tipos de equações diferenciais;
- 12.5- Transformada Z.

## **AVALIAÇÃO**

### **Por frequência:**

- A avaliação por frequência consiste na realização de duas provas escritas, ambas classificadas de 0 a 10 valores. Todos os alunos estão admitidos à primeira prova, mas será necessário obter pelo menos 3 valores nesta prova para ser admitido à segunda. O aluno é dispensado de exame, ou seja, é aprovado por frequência, se obtiver pelo menos 3 valores em cada uma das duas provas e uma classificação igual ou superior a 10 valores, resultante da soma dos dois testes.

### **Por exame:**

- Se o aluno foi admitido a exame, ou foi dispensado, mas pretende melhorar a sua classificação, pode fazer o exame da época normal, que consistirá numa prova escrita, classificada de 0 a 20 valores, sobre toda a matéria leccionada. O aluno fica aprovado se nesta prova obtiver uma classificação igual ou superior a 10 valores.
- Se o aluno reprovou no exame da época normal, pode propor-se ao exame da época de recurso – prova com as mesmas características da prova da época normal – que decorrerá em Fevereiro.

**Nota importante:** Em qualquer uma das avaliações, se a classificação obtida for superior a 18 valores, o aluno deverá submeter-se a uma prova adicional de defesa de nota, pois caso contrário, ficará com a nota de 18 valores.

## **Calendário das Avaliações:**

As datas *previstas* para as provas de avaliação são:

Avaliação	Data	Hora	Sala
1 <sup>a</sup> Frequência	17/11/2012	10:00	O219
2 <sup>a</sup> Frequência	10/01/2013	10:00	O219
Exame	21/01/2013	10:00	O219
Recurso	08/02/2013	10:00	O219
Trabalhador Estudante	12/09/2013	10:00	B255
Época Especial	27/09/2013	10:00	B255

**Nota importante:** No início de cada época de avaliações, os alunos deverão confirmar estas datas.

## **SOFTWARE**

Folha de Cálculo EXCEL e Package SPSS – *Statistical Package for Social Science*.

## **BIBLIOGRAFIA RECOMENDADA**

- **Guimarães, R. C. e Cabral, J. A.** (2007). *Estatística*. 2.<sup>a</sup> Edição, McGraw-Hill.
- **Murteira, B., Ribeiro, C., Andrade e Silva, J., Pimenta, C.** (2002). *Introdução à Estatística*. McGraw-Hill.
- **Pedrosa, A. C. e Gama, M. A.** (2004). *Introdução Computacional à Probabilidade e Estatística*. Porto Editora.
- **Reis, E., Melo, P., Andrade, R., Calapez, T.** (1996). *Estatística Aplicada*. Vols. I e II, Edições Sílabo.
- **Robalo, A.** (1994). *Livros de Exercícios*. Vols. I e II, Edições Sílabo.
- **Carreira, M., e Metello de Nápoles, M.** (1998). *Variável Complexa*. McGraw-Hill, Lisboa.
- **Saff, E. B. & Snider, A. D.** (1993). *Fundamentals of Complex Analysis for Mathematics, Science and Engineering*. Prentice-Hill, New Jersey.